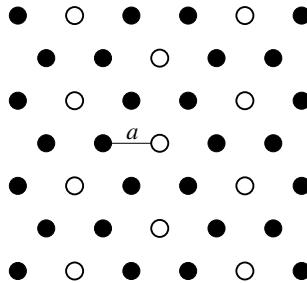


1. IZPIT IZ FIZIKE TRDNE SNOVI  
21. junij 2021

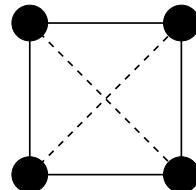
1. V približku skoraj prostih elektronov obravnavaj elektronske pasove v dvodimensionalnem kristalu, kjer črni atomi tvorijo satovje, beli atomi pa se nahajajo v središčih šestkotnikov satovja. Razdalja med sosednjimi atomi je  $a$ . Potencial, v katerem se gibljejo elektroni, je

$$V(\mathbf{r}) = a^2 \sum_i \lambda_i \delta(\mathbf{r} - \mathbf{r}_i),$$

kjer so  $\mathbf{r}_i$  položaji atomov v kristalu,  $\lambda_i = \lambda_c$  za črne atome in  $\lambda_i = \lambda_b$  za bele atome.



- (a) Določi primitivno celico, primitivne vektorje Bravaisove mreže, bazo, recipročno mrežo in prvo Brillouinovo cono.
  - (b) Izračunaj širino energijske reže med najnižjima elektronskima pasovoma v središču roba prve Brillouinove cone.
  - (c) Izračunaj, kako se najnižji elektronski pasovi razcepijo v oglišču prve Brillouinove cone.
2. Atomi z maso  $M$  tvorijo kvadratno mrežo z mrežno razdaljo  $a$ . Obravnavaj mrežna nihanja z odmiki v ravnini kristala. Sile med prvimi in drugimi najbližjimi sosedji modeliramo z vzmetema z koeficientoma  $K_1$  (polna črta) in  $K_2$  (prekinjena črta).



- (a) Izračunaj hitrosti zvoka za transverzalno in longitudinalno nihanje z valovnim vektorjem vzdolž krajše vzmesti.
- (b) Pri katerem razmerju med  $K_1$  in  $K_2$  so hitrosti zvoka izotropne?