

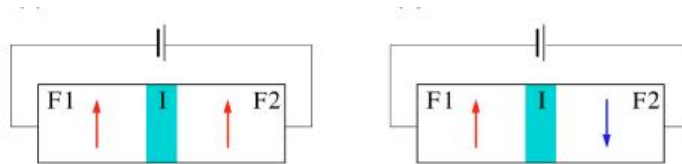
# Kontrola spinskega transporta z električnim poljem

## Seminar pri Fiziki nanosistemov

Ana Dergan, 11.7.2012

### 1 Tunelska magnetoupornost

Kot pove že njeno ime, je magnetoupornost lastnost snovi, da se v prisotnosti magnetnega polja spremeni upornost za prevajanje električnega toka; pri Hallovem pojavu, na primer, gre za transverzalno magnetoupornost. V tej nalogi se ukvarjam s tunelsko magnetoupornostjo. Raziskujem stik dveh feromagnetnih elektrod in vmesne izolatorske plasti (slika 1). Tok skozi stik je odvisen od magnetizacije feromagnetnih elektrod, še posebej je



Slika 1: Stik feromagnet 1 - izolator - feromagnet 2 (F1/I/F2). Tok skozi stik je odvisen od medsebojne orientacije magnetizacije v feromagnetnih elektrodah. Ta pojav imenujemo tunelska magnetoupornost.

odvisen od tega, ali sta magnetizaciji vzporedni ali kažeta v nasprotno smeri. Definicija tunelske magnetoupornosti je:

$$TMR = \frac{R_{AP} - R_P}{R_P} = \frac{G_P - G_{AP}}{G_{AP}}, \quad (1)$$

kjer sta  $R$  upornost in  $G$  prevodnost, indeksa A in AP pa označujeta anti-paralelno in paralelno magnetizacijo v elektrodah F1 in F2. Definirana je tudi "normirano magnetizacijo" za nek feromagnet - polarizacijo:

$$P = \frac{N_M - N_m}{N_M + N_m}, \quad (2)$$

kjer je  $N_M$  število spinov v smeri magnetizacije,  $N_m$  pa število spinov v nasprotni smeri. Če so vsi spini v kosu snovi poravnani, je polarizacija enaka  $P = 1$ , če je magnetizacija nič, je tudi polarizacija nič ( $0 < P < 1$ ). Zgodnje eksperimente na F1/I/F2 stikih je Julliere [1] opisal z modelom v katerem je magnetoupornost odvisna samo od polarizacij v feromagnetih:

$$TMR = \frac{2P_1P_2}{1 - P_1P_2}, \quad (3)$$

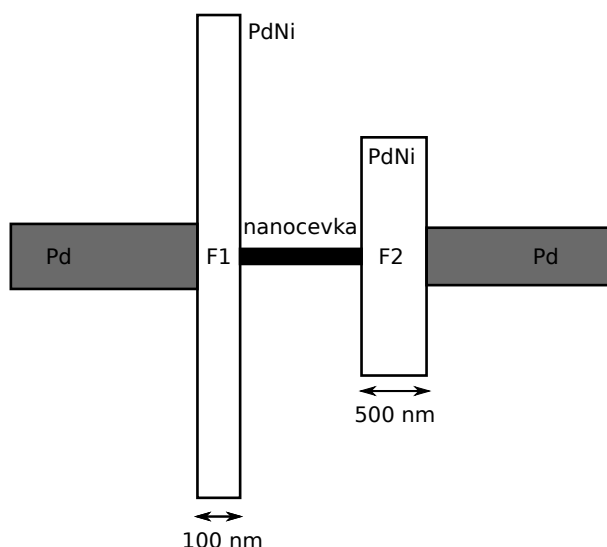
ki pa ne velja vedno - ne dopušča na primer negativne TMR, ki je sicer večkrat bila izmerjena [2].

## 2 Poskus: ogljikova nanocevka med feromagnetnima elektrodama

Opisala bomo poskus S. Sahoo in T. Kontos s sodelavci, objavljenega v Science novembra 2005 [2]. Predstavila bomo rezultate meritev, ter preverila teoretičen model zanje.

### Opis poskusa

Poskus je nekoliko podoben stiku F/I/F, vendar imamo namesto izolatorske plasti med feromagnetnima elektrodama enoplastno ogljikovo nanocevko. Feromagnetni elektrodi sta iz zlitine paladija (70 %) in niklja (30 %) (paladij sam po sebi je paramagneten, a že pri majhni koncentraciji feromagnetnih nečistoč postane feromagneten). Zunanje magnetno polje ( $H_0$ ) leži v ravnini elektrod, vzporedno z njunima daljšima stranicama. Elektrodi sta izrazito različne oblike, zato da imata različni koercivni polji ( $H_c^1$ ,  $H_c^2$ ). Pri neki velikosti zunanjega polja imata obe magnetizacijo poravnano s smerjo zunanjega polja; pri nekem drugem polju pa kažeta v različni smeri. Na tak način lahko s spreminjanjem velikosti zunanjega magnetnega polja spreminjamo magnetno polje v kontaktih iz paralelne v anti-paralelno konfiguracijo. Feromagnetni elektrodi sta povezani na Pd kon-



Slika 2: Feromagnetni elektrodi sta narejeni iz zlitine PdNi, med njima je enoplastna ogljikova nanocevka (single-wall carbon nanotube - SWCNT).

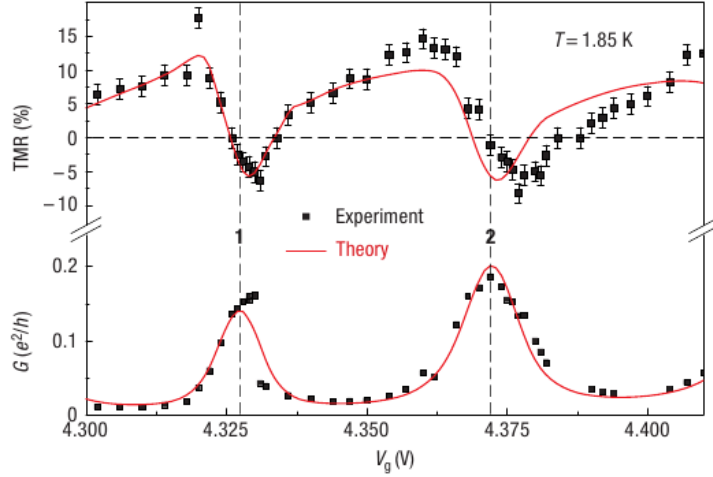
takta, med katerima merimo upornost. Z napetostjo  $V_g$  med substratom ( $\text{SiO}_2$ ) in Pd kontakti spreminjamo energijske nivoje v nancevki [3].

### Modeliranje eksperimentalnih rezultatov

Rezultati meritev prevodnosti  $G$  in tunelske magnetoupornosti TMR so predstavljeni na sliki 3. Prikazani sta dve od več izmerjenih resonanc.

Izkaže se, da lahko rezultate meritev dobro opišemo z modelom, v katerem nanocevko obravnavamo kot kvantno piko. Preden predstavim model za opisani eksperiment, bom zato na kratko povzela opis prepustnosti kvantne pike.

**Prepustnost kvantne pike.** Za kvantno piko je značilen diskreten set elektronskih energijskih nivojev (kot pri atomu), za razliko od (večjega kosa) trdne snovi, kjer imamo

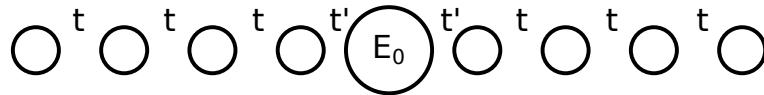


Slika 3: Rezultati meritev in simulacija [2]. TMR je definirana z enačbo 3, medtem ko je za prevodnost  $G$  prikazana povprečna vrednost prevodnosti pri obeh medsebojnih orientacijah polarizacije  $P$  in  $AP$ .

za elektrone zvezne gostote stanj. Če je kvantna pika sklopljena z dvema vodnikoma z zvezno gostoto stanj, je verjetnost za prehod elektrona preko pike največja, ko se energija vpadnega elektrona ujema z osnovnim/katerim od energijskih nivojev kvantne pike. Prepustnost smo izpeljali na podlagi Andersonovega modela (slika 4). Prepustnost  $T$  je funkcija parametrov  $t$ ,  $t'$ ,  $E_0$  in valovnega vektorja  $k$ . Za  $k = \pi/2$  ima  $T$  obliko resonančne krivulje:

$$T = \frac{\Gamma^2}{(E - E_0)^2 + \Gamma^2/4}, \quad (4)$$

kjer je  $\Gamma = \frac{t'^2}{t}$ . Takšen približek za  $T(E)$  velja, če  $E_0 \ll 2t$ . Prevodnost  $G$ , ki jo merimo v eksperimentu, je sorazmerna s  $T(E)$ .



Slika 4: Andersonov model: prekrivalni integral med atomi v vodniku označimo s  $t$ , med atomi vodnika in kvantno piko pa  $t'$ . Energija nivoja elektrona v kvantni piki se za  $E_0$  razlikuje od energije relevantnega stanja v atomih vodnika.

**Modeliranje rezultatov eksperimenta.** Če je TMR neničelna, to pomeni, da je prepustnost elektrona skozi kvantno piko odvisna od njegovega spina. Izberemo si takle model:

$$T_\sigma = \frac{\Gamma_L^\sigma \Gamma_R^\sigma}{(E - E_0^\sigma)^2 + (\Gamma_L^\sigma + \Gamma_R^\sigma)^2/4}, \quad (5)$$

kjer indeksa  $R$  in  $L$  označujeta desno in levo elektrodo. Parametra  $\Gamma$  sta odvisna od spina - izberemo si najenostavnejšo možno obliko odvisnosti:  $\Gamma_{L,R}^\sigma = \gamma_{R,L}(1 + \sigma P_{L,R})$ . Spin  $\sigma$  ima vrednost  $\pm 1$ . S parametroma  $P_L$  in  $P_R$  označimo polarizaciji magnetizacije leve in desne elektrode. V paralelni orientaciji naj bo  $P_L = P_R = P$ , v anti-paralelni pa  $P_L = -P$ ,  $P_R = P$ . Tudi energijski nivoji v kvantni piki so odvisni od spina, kot je

razvidno iz oznake  $E_0^\sigma$ . Celoten izraz za  $E_0^\sigma$  je:

$$E_0^\sigma = E_0 - \epsilon_\sigma - \alpha \cdot e_0 \cdot V_g, \quad \epsilon_\sigma = \kappa \cdot \sigma \cdot (P_L + P_R). \quad (6)$$

Parameter  $\kappa$  se določi s simulacijo, ravno tako kot  $P$  ter  $\gamma_L$  in  $\gamma_R$ . Izraz za  $\epsilon_\sigma$  velja ob predpostavki  $P \ll 1$ . Parameter  $\alpha$  povezuje spremembo napetosti  $V_g$  in spremembo energijskega nivoja kvantne pike. V članku [2] ni podana, zato jo določim s simulacijo. Prav tako iz opisa k modeliranju eksperimenta ni razvidno ali

- prikazani dve resonanci ( $G(E)$ ) pripadata različnima spinskima stanjema/ polarizacijama pri nekem osnovnem stanju kvantne pike,
- gre za dva nivoja kvantne pike (dva različna  $E_0$ ), pri katerih je razcep po spinu in polarizaciji manjši od razširitve posameznih resonanc.

Najprej bom zato preverila, za katero od teh dveh možnosti gre. V tabelo 1 zapišem pozicije energij v odvisnosti od spina in orientacije magnetizacij. Razcepa po spinu in

	P	AP
$\sigma = +1$	$E_0 - 2P\kappa - \alpha e_0 V_g$	$E_0 - \alpha e_0 V_g$
$\sigma = -1$	$E_0 + 2P\kappa - \alpha e_0 V_g$	$E_0 - \alpha e_0 V_g$

Tabela 1: Energije nivojev “kvante pike” za vse kombinacije spina in orientacije magnetizacije.

polarizaciji sta primerljivo velika, tako da bi morali v tem primeru imeti tri resonance v razmikih po  $2P\kappa$ . Tako smo se hitro prepričali, da resnici velja druga možnost.

Začnem s simulacijo resonanc  $G(V_g)$ . Tako lahko dobim vse parametre, ki jih nato samo vstavim v izraze za TMR. Parameter  $\alpha$  skušam določiti iz širine resonanc na sliki 3. Iz enačbe 5 je razvidno, da širina resonance odvisna od AP/P orientacije in od spina. Vrednosti se med sabo razlikujejo za  $P \cdot (\gamma_L \pm \gamma_R)$ . Ker smo že prej predpostavili, da

	P	AP
$\sigma = +1$	$(\gamma_L + \gamma_R)(1 + P)$	$(\gamma_L + \gamma_R) + P(\gamma_R - \gamma_L)$
$\sigma = -1$	$(\gamma_L + \gamma_R)(1 - P)$	$(\gamma_L + \gamma_R) + P(\gamma_L - \gamma_R)$

Tabela 2: Vrednosti širine posameznih resonanc  $\Gamma_L + \Gamma_R$  za vse kombinacije spina in orientacije magnetizacije.

je  $P \ll 1$ , približno velja  $\Gamma_L + \Gamma_R \approx \gamma_L + \gamma_R$ . Del razširitve pride tudi zaradi končne temperature – meritve so bile opravljene pri  $T=1.85$ , kar prinese razširitev (FWHM) 0.16 meV. Kot ugotovljeno zgoraj, so znotraj ene same izmerjene resonance so pravzaprav štiri: spin  $\times$  polarizacija  $\rightarrow 2 \times 2$ . Razcep med njimi prav tako prispeva k razširitvi resonance. Glede na to, da razcepov ne opazimo, očitno velja

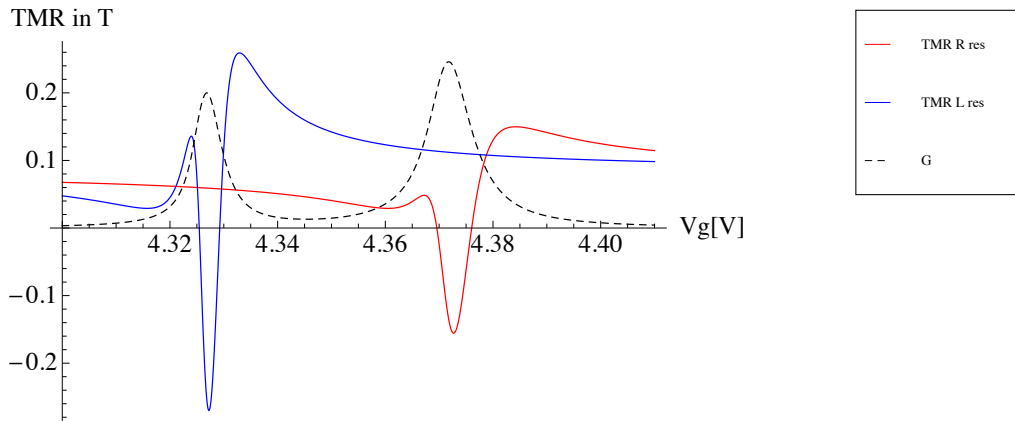
$$4P\kappa \ll (\gamma_L + \gamma_R + k_B T), \quad (7)$$

kar moramo po določitvi parametrov še preveriti. Tako zaenkrat ocenimo koeficient  $\alpha$  na

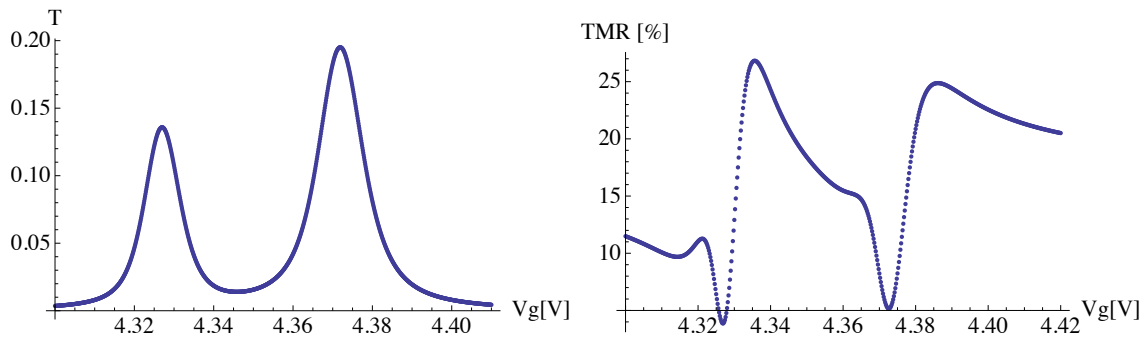
$$\alpha = \frac{\delta E}{\Delta U} = \frac{(\gamma_L + \gamma_R + k_B T/2)[eV]}{HWHF[V]}. \quad (8)$$

Izmerjeni širini resonanc (HWHM) sta: 4.5 mV za levo in 5.8 mV desno resonanco. Takoj vidimo, da parametra  $\gamma_L$  in  $\gamma_R$  nista čisto enaka za obe resonanci.

V članku [2] navajajo naslednje vrednosti parametrov:  $P = 0.2$ ,  $\kappa = 0.32$  meV,  $\gamma_L = 0.014(0.028)$  meV in  $\gamma_R = 0.5(0.85)$  meV za levo (desno) resonanco. Tako dobimo za parameter  $\alpha$  približno 0.13 oz. 0.16 eV/V. Opazimo, da neenakosti 7 ne velja zelo dobro, saj  $4P\kappa = 0.26$  meV in  $\gamma_L + \gamma_R + k_B T/2 = 0.59(0.95)$  meV. Pričakujemo lahko, da je ocena  $\alpha$  boljša pri desni resonanci. Natančneje kot z oceno en. 8 določim  $\alpha$  s simulacijo. Izkaže se, da dobim najboljše ujemanje modela z meritvijo za  $\alpha = 0.09$ . Na sliki 5 je prikazano sta prikazana  $G$  in TMR brez konvolucije z odvodom Fermijeve porazdelitve, na sliki 5 je konvolucija upoštevana.



Slika 5:  $G = (T_{AP} + T_P)/2$  in TMR (za levo in desno resonanco posebej) brez konvolucije z odvodom Fermijeve porazdelitve. Parametra  $E_0$  za obe stanji pike sta -393 meV in -389 meV.



Slika 6:  $G = (T_{AP} + T_P)/2$  in TMR (sešteta prispevka obeh resonanc) s konvolucijo z odvodom Fermijeve porazdelitve.

Moja simulacija  $G(E)$  se dobro ujema z meritvijo in simulacijo iz [2]. Pri TMR so težave. Vrednost TMR daleč stran od resonance je  $2P^2/(1-P^2)$ , kar je za  $P=0.2$  okrog 8%. Prispevka obeh resonanc (tudi morebitnih naslednjih) se seštejeta. Tako bi morali imeti na skrajnem desnem koncu, pri največjih  $V_g$  TMR že blizu 16%, ampak to ni razvidno iz simulacije v [2].

## Literatura

- [1] M. Julliere, *Physics Letters A* **54**, 225 (1975).
- [2] S. Sahoo, T. Kontos, J. Furer, C. Hoffmann, M. Graber, A. Cottet, C. Schonberger, *Nat. Phys* **1**, 99.
- [3] S. Sahoo, T. Kontos, C. Schonberger, C. Surgers, *Applied Physics Letters* **86**, 112109 (2005).